Probeprüfung im Stil der Realschul-Abschlussprüfung (Bayern)

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 150 Minuten Punkte: _____ von 50 Note: ____

Aufgabe 1: Gruppe A: Potenzgesetze (2 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $(b^3)^4 =$ _____

Aufgabe 2: Gruppe A: Binomische Formel (2 P.)

1. $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ 2. $(a – b)^2 = a^2 – 2ab + b^2$ 3. $(a + b)(a – b) = a^2 – b^2$. Bei Stufe 3 rückwärts: Schreibe den Term als Binom.

1) $(y – 4)^2 =$ _____

Aufgabe 3: Gruppe A: Gleichungssystem (3 P.)

Löse die Gleichungssysteme mit einem Verfahren Deiner Wahl (Gleichsetzen, Einsetzen oder Addieren). Mach die Probe in beiden Gleichungen. Reicht der Platz nicht, rechne auf einem Extrablatt weiter.

1) I: $x + y = 8$ II: $3x – 3y = –24$

Aufgabe 4: Gruppe A: Scheitelpunkt (3 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = x^2 + 8x + 12$

Aufgabe 5: Gruppe B: Trigonometrie (10 P.)

Eine 4,5 m lange Leiter lehnt an einer senkrechten Hauswand. Ihr Fuß steht 1,4 m von der Wand entfernt auf ebenem Boden. Leiter, Wand und Boden bilden ein rechtwinkliges Dreieck. Tipp: Die Leiter ist die Hypotenuse. Für den Winkel am Boden hilft der Kosinus: cos alpha = Ankathete : Hypotenuse.

1) In welcher Höhe berührt die Leiter die Wand? (2 Stellen) (3 P.) _____

2) Wie groß ist der Winkel zwischen Leiter und Boden? (1 Stelle) (3 P.) _____

3) Sicher steht die Leiter bei 70°. Wie weit muss ihr Fuß dann von der Wand weg sein? (2 Stellen) (2 P.) _____

4) Welche Höhe erreicht die Leiter dann? (2 Stellen) (2 P.) _____

Aufgabe 6: Gruppe B: Funktionen (10 P.)

Ein Fahrradverleih hat zwei Tarife. Tarif A: 6,00 € Grundgebühr und 2,50 € pro Stunde. Tarif B: keine Grundgebühr, aber 4,00 € pro Stunde. x ist die Leihdauer in Stunden, y sind die Kosten in Euro. Tipp: Beide Tarife sind lineare Funktionen. Wo sie gleich viel kosten, schneiden sich ihre Graphen.

1) Was kostet Tarif A für 2 Stunden? (2 P.) _____

2) Gib die Funktionsgleichung für Tarif A an. (2 P.) _____

3) Bei wie vielen Stunden kosten beide Tarife gleich viel? (3 P.) _____

4) Wie viel kosten beide Tarife dann? (3 P.) _____

Aufgabe 7: Gruppe B: Körper (10 P.)

Familie Kaya stellt einen runden Pool (Zylinder) auf: Durchmesser 4,5 m, Höhe 1,5 m. Er wird bis 20 cm unter den Rand mit Wasser gefüllt. Eine Pumpe schafft 25 Liter pro Minute. Tipp: 1 m³ = 1000 Liter. Für die Folie brauchst Du den Boden und die Wand, aber keinen Deckel.

1) Wie groß ist die Grundfläche des Pools? (in m^2, 2 Stellen) (2 P.) _____

2) Wie viele m^3 Wasser kommen in den Pool? (2 Stellen) (2 P.) _____

3) Wie viele Liter sind das? (ganze Liter) (2 P.) _____

4) Wie viele Stunden braucht die Pumpe? (1 Stelle) (2 P.) _____

5) Wie viel m^2 Folie braucht man für Boden und Wand? (2 Stellen) (2 P.) _____

Aufgabe 8: Gruppe B: Wachstum (10 P.)

Mia legt 2.500,00 € auf ein Sparkonto. Die Bank zahlt 3 % Zinsen pro Jahr. Die Zinsen bleiben auf dem Konto und werden mitverzinst (Zinseszins). Mia hebt nichts ab. Tipp: Mit dem Zinsfaktor $q = 1 + p/100$ ist das Kapital nach n Jahren $K_n = K_0 \cdot q^n$.

1) Wie viele Zinsen bekommt Mia im ersten Jahr? (2 P.) _____

2) Wie viel Geld ist nach 2 Jahren auf dem Konto? (3 P.) _____

3) Wie viel Geld ist nach 5 Jahren auf dem Konto? (auf Cent runden) (3 P.) _____

4) Nach wie vielen ganzen Jahren ist das Kapital erstmals um mindestens 10 % gewachsen? (2 P.) _____

Lösungen: Probeprüfung im Stil der Realschul-Abschlussprüfung (Bayern)

Aufgabe 1: Gruppe A: Potenzgesetze (2 P.)

1) $(b^3)^4 = b^{12}$

Aufgabe 2: Gruppe A: Binomische Formel (2 P.)

1) $(y-4)^2 = y^2 - 8y + 16$

Aufgabe 3: Gruppe A: Gleichungssystem (3 P.)

1) $x = 0, \quad y = 8$

Aufgabe 4: Gruppe A: Scheitelpunkt (3 P.)

1) $f(x) = (x+4)^2 - 4, \quad S(-4 \mid -4)$

Aufgabe 5: Gruppe B: Trigonometrie (10 P.)

1) $h = \sqrt{4{,}5^2 - 1{,}4^2} \approx 4{,}28\,\text{m}$

2) $\cos\alpha = \frac{1{,}4}{4{,}5} \Rightarrow \alpha \approx 71{,}9^\circ$

3) $a = 4{,}5 \cdot \cos 70^\circ \approx 1{,}54\,\text{m}$

4) $h = 4{,}5 \cdot \sin 70^\circ \approx 4{,}23\,\text{m}$

Aufgabe 6: Gruppe B: Funktionen (10 P.)

1) $6 + 2{,}5 \cdot 2 = 11{,}00\,€$

2) $y = 2{,}5x + 6$

3) $2{,}5x + 6 = 4x \Rightarrow 1{,}5x = 6 \Rightarrow x = 4$

4) $4 \cdot 4 = 16{,}00\,€$ (ab dann ist Tarif A günstiger)

Aufgabe 7: Gruppe B: Körper (10 P.)

1) $G = \pi \cdot 2{,}25^2 \approx 15{,}9\,\text{m}^2$

2) $V = G \cdot 1{,}3 \approx 20{,}68\,\text{m}^3$

3) $20{,}6756\,\text{m}^3 \cdot 1000 \approx 20676\,\text{l}$

4) $\frac{20676}{25} \approx 827\,\text{min} \approx 13{,}8\,\text{h}$

5) $G + \pi \cdot 4{,}5 \cdot 1{,}5 \approx 37{,}11\,\text{m}^2$

Aufgabe 8: Gruppe B: Wachstum (10 P.)

1) $2500{,}00\,€ \cdot 0{,}03 = 75{,}00\,€$

2) $2500 \cdot 1{,}03^2 \approx 2652{,}25\,€$

3) $2500 \cdot 1{,}03^5 \approx 2898{,}19\,€$

4) $1{,}03^n \geq 1{,}1 \;\Rightarrow\; n \geq \frac{\ln 1{,}1}{\ln 1{,}03} \approx 3{,}22 \;\Rightarrow\; n = 4$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

Note 1	Note 2	Note 3	Note 4	Note 5	Note 6
ab 46	ab 41	ab 34	ab 25	ab 15	ab 0