Probeprüfung im Stil der ZP10 (NRW)

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 120 Minuten Punkte: _____ von 44 Note: ____

Aufgabe 1: Teil 1: Brüche (2 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{2}{10} + \frac{9}{10} =$ _____

Aufgabe 2: Teil 1: Potenzen (1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $(-3)^3 =$ _____

Aufgabe 3: Teil 1: Gleichung (2 P.)

Löse die Gleichungen mit Äquivalenzumformungen. Mach zur Kontrolle die Probe.

1) $2x + 4 = 3x + 2$

Aufgabe 4: Teil 1: Prozente (2 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz.

1) 25 % von 2000 kg = _____

Aufgabe 5: Teil 1: Einheiten (1 P.)

Gemischte Aufgaben zu Länge, Fläche, Volumen, Gewicht und Zeit. Achte auf die richtige Umrechnungszahl!

1) 61 dm = ☐ cm

Aufgabe 6: Teil 1: Satz des Pythagoras (2 P.)

Die Dreiecke sind rechtwinklig mit dem rechten Winkel bei C. c ist die Hypotenuse, a und b sind die Katheten. Berechne die fehlende Seite.

1) $a = 12$ cm, $b = 16$ cm : $c =$ _____

Aufgabe 7: Teil 1: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) In einer Urne liegen 2 rote Kugeln, 8 blaue Kugeln und 5 grüne Kugeln. Eine Kugel ziehen: $P(\text{rot}) = \square$

Aufgabe 8: Teil 1: Quadratische Gleichung (2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $x^2 + 6x + 8 = 0$ _____

Aufgabe 9: Teil 2: Funktionen (10 P.)

Ein neues Auto kostet 15.000 €. Sein Wert sinkt jedes Jahr um 12 % des Wertes vom Vorjahr (exponentielle Abnahme). Tipp: Jedes Jahr wird der Wert mit demselben Faktor multipliziert.

1) Mit welchem Faktor wird der Wert jedes Jahr multipliziert? (2 P.) _____

2) Wie viel ist das Auto nach einem Jahr wert? (2 P.) _____

3) Wie viel ist es nach 4 Jahren wert? (ganze Euro) (3 P.) _____

4) Nach wie vielen ganzen Jahren ist es erstmals weniger als die Hälfte wert? (3 P.) _____

Aufgabe 10: Teil 2: Geometrie (10 P.)

Familie Kaya stellt einen runden Pool (Zylinder) auf: Durchmesser 5 m, Höhe 1,5 m. Er wird bis 20 cm unter den Rand mit Wasser gefüllt. Eine Pumpe schafft 20 Liter pro Minute. Tipp: 1 m³ = 1000 Liter. Für die Folie brauchst Du den Boden und die Wand, aber keinen Deckel.

1) Wie groß ist die Grundfläche des Pools? (in m^2, 2 Stellen) (2 P.) _____

2) Wie viele m^3 Wasser kommen in den Pool? (2 Stellen) (2 P.) _____

3) Wie viele Liter sind das? (ganze Liter) (2 P.) _____

4) Wie viele Stunden braucht die Pumpe? (1 Stelle) (2 P.) _____

5) Wie viel m^2 Folie braucht man für Boden und Wand? (2 Stellen) (2 P.) _____

Aufgabe 11: Teil 2: Daten und Zufall (10 P.)

In einer Lerngruppe wurden 9 Jugendliche gefragt, wie viele Stunden sie am Vortag am Handy waren. Die Antworten (in Stunden): 0; 3; 3; 4; 6; 6; 1; 1; 0. Tipp: Für den Median ordnest Du die Werte zuerst der Größe nach.

1) Berechne das arithmetische Mittel. (2 Stellen) (2 P.) _____

2) Bestimme den Median. (2 P.) _____

3) Bestimme die Spannweite. (2 P.) _____

4) Wie viel Prozent waren mehr als 3 Stunden am Handy? (1 Stelle) (2 P.) _____

5) Welcher Winkel gehört im Kreisdiagramm zu „mehr als 3 Stunden“? (1 Stelle) (2 P.) _____

Lösungen: Probeprüfung im Stil der ZP10 (NRW)

Aufgabe 1: Teil 1: Brüche (2 P.)

1) $\frac{2}{10} + \frac{9}{10} = \frac{11}{10}$

Aufgabe 2: Teil 1: Potenzen (1 P.)

1) $(-3)^3 = -27$

Aufgabe 3: Teil 1: Gleichung (2 P.)

1) $x = 2$

Aufgabe 4: Teil 1: Prozente (2 P.)

1) 25 % von 2000 kg = 500 kg

Aufgabe 5: Teil 1: Einheiten (1 P.)

1) 61 dm = 610 cm

Aufgabe 6: Teil 1: Satz des Pythagoras (2 P.)

1) $a = 12\,\text{cm},\ b = 16\,\text{cm}:\ c = 20\,\text{cm}$

Aufgabe 7: Teil 1: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{2}{15}$

Aufgabe 8: Teil 1: Quadratische Gleichung (2 P.)

1) $x^2 + 6x + 8 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -4,\ x_2 = -2$

Aufgabe 9: Teil 2: Funktionen (10 P.)

1) $q = 1 - 0{,}12 = 0{,}88$

2) $15000 \cdot 0{,}88 = 13200{,}00\,€$

3) $15000 \cdot 0{,}88^4 \approx 8995\,€$

4) $0{,}88^n < 0{,}5 \ \Rightarrow\ n > \frac{\ln 0{,}5}{\ln 0{,}88} \approx 5{,}42 \ \Rightarrow\ n = 6$

Aufgabe 10: Teil 2: Geometrie (10 P.)

1) $G = \pi \cdot 2{,}5^2 \approx 19{,}63\,\text{m}^2$

2) $V = G \cdot 1{,}3 \approx 25{,}53\,\text{m}^3$

3) $25{,}5254\,\text{m}^3 \cdot 1000 \approx 25525\,\text{l}$

4) $\frac{25525}{20} \approx 1276{,}3\,\text{min} \approx 21{,}3\,\text{h}$

5) $G + \pi \cdot 5 \cdot 1{,}5 \approx 43{,}2\,\text{m}^2$

Aufgabe 11: Teil 2: Daten und Zufall (10 P.)

1) $\bar{x} = \frac{24}{9} \approx 2{,}67\,\text{h}$

2) $0;\ 0;\ 1;\ 1;\ 3;\ 3;\ 4;\ 6;\ 6 \Rightarrow \text{Median} = 3\,\text{h}$

3) $6 - 0 = 6\,\text{h}$

4) $\frac{3}{9} \approx 33{,}3\,\%$

5) $\frac{3}{9} \cdot 360^\circ \approx 120^\circ$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

Note 1	Note 2	Note 3	Note 4	Note 5	Note 6
ab 41	ab 36	ab 30	ab 22	ab 14	ab 0