# Probe-Klausur Differentialrechnung

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 52 Note: ____

## Aufgabe 1: Ableitungen (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung. Tipp: Schreibe Brüche vorher als Potenz mit negativer Hochzahl, z. B. 4/x = 4 · x^(–1).

1) $f(x) = \frac{6}{x^2} + \frac{2}{5}x^3$ _____

2) $f(x) = -\frac{1}{x} - x^2$ _____

3) $f(x) = \frac{3}{x^2} - \frac{1}{2}x^4$ _____

4) $f(x) = -\frac{5}{x^2} + x^4$ _____

## Aufgabe 2: Tangentengleichung (je 4 P.)

Bestimme die Gleichung der Tangente an den Graphen von f an der Stelle x0: t(x) = f'(x0)·(x – x0) + f(x0).

1) $f(x) = 5x^2 + x - 4, \quad x_0 = -2$ _____

2) $f(x) = x^2 - 2x - 2, \quad x_0 = -2$ _____

## Aufgabe 3: Polynomdivision (je 3 P.)

Führe die Polynomdivision schriftlich durch. Die Division geht ohne Rest auf.

1) $(2x^3 - 5x^2 - 2x + 5) : (x - 1) =$ _____

2) $(x^3 + x^2 - 14x - 24) : (x - 4) =$ _____

## Aufgabe 4: Extrempunkte (5 P.)

Bestimme alle Hoch- und Tiefpunkte. Schreibe sie so: H(1|2); T(3|-1).

1) $f(x) = 2x^3 - 24x^2 + 72x + 3$ _____

## Aufgabe 5: Wendetangente (5 P.)

Bestimme die Gleichung der Wendetangente (Tangente im Wendepunkt) in der Form t(x) = mx + b.

1) $f(x) = x^3 + 9x^2 + 30x + 40$ _____

## Aufgabe 6: Steckbriefaufgaben (je 5 P.)

Bestimme die Funktionsgleichung aus den angegebenen Eigenschaften. H = Hochpunkt, T = Tiefpunkt, W = Wendepunkt, P = Punkt auf dem Graphen.

1) Grad 2: $P_1(-2\,|\,7)$, $P_2(-1\,|\,4)$, $P_3(1\,|\,4)$ _____

2) Grad 2: $T(2\,|\,3)$, $P(1\,|\,5)$ _____

## Aufgabe 7: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Ein Ball wird aus 1 m Höhe senkrecht nach oben geworfen. Seine Höhe über dem Boden (in Metern) nach t Sekunden beschreibt die Funktion $h(t) = -5t^2 + 20t + 1$. Den Luftwiderstand lassen wir weg. Tipp: Die größte Höhe ist der Hochpunkt des Graphen – dort ist die Ableitung $h'(t) = 0$.

1) Wie hoch ist der Ball nach 1 Sekunde? (2 P.) _____

**2)** Nach wie vielen Sekunden ist der Ball am höchsten? (3 P.) _____

**3)** Wie groß ist die größte Höhe? (2 P.) _____

**4)** Wann landet der Ball? (in Sekunden, auf 2 Stellen runden) (3 P.) _____

# Lösungen: Probe-Klausur Differentialrechnung

## Aufgabe 1: Ableitungen (je 2 P.)

1) $f'(x) = -\frac{12}{x^3} + \frac{6}{5}x^2$

2) $f'(x) = \frac{1}{x^2} - 2x$

3) $f'(x) = -\frac{6}{x^3} - 2x^3$

4) $f'(x) = \frac{10}{x^3} + 4x^3$

## Aufgabe 2: Tangentengleichung (je 4 P.)

1) $t(x) = -19x - 24$

2) $t(x) = -6x - 6$

## Aufgabe 3: Polynomdivision (je 3 P.)

1) $(2x^3 - 5x^2 - 2x + 5) : (x - 1) = 2x^2 - 3x - 5$

2) $(x^3 + x^2 - 14x - 24) : (x - 4) = x^2 + 5x + 6$

## Aufgabe 4: Extrempunkte (5 P.)

1) $H(2\,|\,67)$, $T(6\,|\,3)$

## Aufgabe 5: Wendetangente (5 P.)

1) $t(x) = 3x + 13$

## Aufgabe 6: Steckbriefaufgaben (je 5 P.)

1) $f(x) = x^2 + 3$

2) $f(x) = 2x^2 - 8x + 11$

## Aufgabe 7: Anwendungsaufgabe (10 P.)

1) $h(1) = -5 + 20 + 1 = 16\,\text{m}$

2) $h'(t) = -10t + 20 = 0 \Rightarrow t = 2\,\text{s}$

3) $h(2) = 21\,\text{m}$

4) $-5t^2 + 20t + 1 = 0 \Rightarrow t \approx 4{,}05\,\text{s}$

### Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

| 15 P. | 14 P. | 13 P. | 12 P. | 11 P. | 10 P. | 9 P. | 8 P. | 7 P. | 6 P. | 5 P. | 4 P. | 3 P. | 2 P. | 1 P. | 0 P. |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ab 50 | ab 47 | ab 45 | ab 42 | ab 39 | ab 37 | ab 34 | ab 32 | ab 29 | ab 26 | ab 24 | ab 21 | ab 18 | ab 15 | ab 11 | ab 0 |