# Probe-Klausur Differentialrechnung

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 52 Note: ____

## Aufgabe 1: Ableitungen (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung. Tipp: Schreibe Brüche vorher als Potenz mit negativer Hochzahl, z. B. 4/x = 4 · x^(–1).

1) $f(x) = x^3 + \frac{5}{x^3}$ _____

2) $f(x) = -\frac{2}{3}x^2 + \frac{1}{x^3}$ _____

3) $f(x) = -\frac{2}{3}x^4 - \frac{4}{x^3}$ _____

4) $f(x) = -\frac{2}{5}x^4 + \sqrt{x}$ _____

## Aufgabe 2: Tangentengleichung (je 4 P.)

Bestimme die Gleichung der Tangente an den Graphen von f an der Stelle x0: t(x) = f'(x0)·(x – x0) + f(x0).

1) $f(x) = -5x^2 - 2x + 1, \quad x_0 = 1$ _____

2) $f(x) = 5x^2 + 4, \quad x_0 = -1$ _____

## Aufgabe 3: Polynomdivision (je 3 P.)

Führe die Polynomdivision schriftlich durch. Die Division geht ohne Rest auf.

1) $(x^3 - x^2 - 3x - 9) : (x - 3) =$ _____

2) $(2x^3 - 3x^2 - 6x + 8) : (x - 2) =$ _____

## Aufgabe 4: Extrempunkte (5 P.)

Bestimme alle Hoch- und Tiefpunkte. Schreibe sie so: H(1|2); T(3|-1).

1) $f(x) = 2x^3 + 15x^2 + 36x - 2$ _____

## Aufgabe 5: Wendetangente (5 P.)

Bestimme die Gleichung der Wendetangente (Tangente im Wendepunkt) in der Form t(x) = mx + b.

1) $f(x) = x^3 + 3x^2 + 2x - 1$ _____

## Aufgabe 6: Steckbriefaufgaben (je 5 P.)

Bestimme die Funktionsgleichung aus den angegebenen Eigenschaften. H = Hochpunkt, T = Tiefpunkt, W = Wendepunkt, P = Punkt auf dem Graphen.

1) Grad 2: $P_1(-1\,|\,-9)$, $P_2(2\,|\,0)$, $P_3(3\,|\,-1)$ _____

2) Grad 2: $P_1(-1\,|\,37)$, $P_2(1\,|\,13)$, $P_3(3\,|\,5)$ _____

## Aufgabe 7: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Ein Ball wird aus 5 m Höhe senkrecht nach oben geworfen. Seine Höhe über dem Boden (in Metern) nach t Sekunden beschreibt die Funktion $h(t) = -5t^2 + 25t + 5$. Den Luftwiderstand lassen wir weg. Tipp: Die größte Höhe ist der Hochpunkt des Graphen – dort ist die Ableitung $h'(t) = 0$.

1) Wie hoch ist der Ball nach 1 Sekunde? (2 P.) _____

**2)** Nach wie vielen Sekunden ist der Ball am höchsten? (3 P.) _____

**3)** Wie groß ist die größte Höhe? (2 P.) _____

**4)** Wann landet der Ball? (in Sekunden, auf 2 Stellen runden) (3 P.) _____

# Lösungen: Probe-Klausur Differentialrechnung

## Aufgabe 1: Ableitungen (je 2 P.)

1) $f'(x) = 3x^2 - \frac{15}{x^4}$

2) $f'(x) = -\frac{4}{3}x - \frac{3}{x^4}$

3) $f'(x) = -\frac{8}{3}x^3 + \frac{12}{x^4}$

4) $f'(x) = -\frac{8}{5}x^3 + \frac{1}{2\sqrt{x}}$

## Aufgabe 2: Tangentengleichung (je 4 P.)

1) $t(x) = -12x + 6$

2) $t(x) = -10x - 1$

## Aufgabe 3: Polynomdivision (je 3 P.)

1) $(x^3 - x^2 - 3x - 9) : (x - 3) = x^2 + 2x + 3$

2) $(2x^3 - 3x^2 - 6x + 8) : (x - 2) = 2x^2 + x - 4$

## Aufgabe 4: Extrempunkte (5 P.)

1) $H(-3 \mid -29)$, $T(-2 \mid -30)$

## Aufgabe 5: Wendetangente (5 P.)

1) $t(x) = -x - 2$

## Aufgabe 6: Steckbriefaufgaben (je 5 P.)

1) $f(x) = -x^2 + 4x - 4$

2) $f(x) = 2x^2 - 12x + 23$

## Aufgabe 7: Anwendungsaufgabe (10 P.)

1) $h(1) = -5 + 25 + 5 = 25\,\text{m}$

2) $h'(t) = -10t + 25 = 0 \Rightarrow t = 2{,}5\,\text{s}$

3) $h(2{,}5) = 36{,}25\,\text{m}$

4) $-5t^2 + 25t + 5 = 0 \Rightarrow t \approx 5{,}19\,\text{s}$

### Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

| 15 P. | 14 P. | 13 P. | 12 P. | 11 P. | 10 P. | 9 P. | 8 P. | 7 P. | 6 P. | 5 P. | 4 P. | 3 P. | 2 P. | 1 P. | 0 P. |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ab 50 | ab 47 | ab 45 | ab 42 | ab 39 | ab 37 | ab 34 | ab 32 | ab 29 | ab 26 | ab 24 | ab 21 | ab 18 | ab 15 | ab 11 | ab 0 |