# Probe-Klausur Differentialrechnung

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 52 Note: ____

## Aufgabe 1: Ableitungen (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung. Tipp: Schreibe Brüche vorher als Potenz mit negativer Hochzahl, z. B. 4/x = 4 · x^(–1).

1) $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{x}$ _____

2) $f(x) = -\frac{3}{2}x^4 + \frac{2}{x^3}$ _____

3) $f(x) = -\frac{6}{x^2} - \frac{1}{3}x^4$ _____

4) $f(x) = 4\sqrt{x} + \frac{4}{5}x^3$ _____

## Aufgabe 2: Tangentengleichung (je 4 P.)

Bestimme die Gleichung der Tangente an den Graphen von f an der Stelle x0: t(x) = f'(x0)·(x – x0) + f(x0).

1) $f(x) = -2x^2 + 3x + 3, \quad x_0 = 2$ _____

2) $f(x) = -4x^2 - x - 3, \quad x_0 = 2$ _____

## Aufgabe 3: Polynomdivision (je 3 P.)

Führe die Polynomdivision schriftlich durch. Die Division geht ohne Rest auf.

1) $(x^3 + 4x^2 + 3x + 12) : (x + 4) =$ _____

2) $(x^3 + x^2 - 11x - 15) : (x + 3) =$ _____

## Aufgabe 4: Extrempunkte (5 P.)

Bestimme alle Hoch- und Tiefpunkte. Schreibe sie so: H(1|2); T(3|-1).

1) $f(x) = x^3 - 9x^2 + 24x$ _____

## Aufgabe 5: Wendetangente (5 P.)

Bestimme die Gleichung der Wendetangente (Tangente im Wendepunkt) in der Form t(x) = mx + b.

1) $f(x) = 2x^3 + 12x^2 + 23x + 12$ _____

## Aufgabe 6: Steckbriefaufgaben (je 5 P.)

Bestimme die Funktionsgleichung aus den angegebenen Eigenschaften. H = Hochpunkt, T = Tiefpunkt, W = Wendepunkt, P = Punkt auf dem Graphen.

1) Grad 2: $H(0\,|\,4)$, $P(3\,|\,-14)$ _____

2) Grad 2: $P_1(-1\,|\,-1)$, $P_2(0\,|\,-4)$, $P_3(1\,|\,-9)$ _____

## Aufgabe 7: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Ein Ball wird vom Boden aus senkrecht nach oben geworfen. Seine Höhe über dem Boden (in Metern) nach t Sekunden beschreibt die Funktion $h(t) = -5t^2 + 20t$. Den Luftwiderstand lassen wir weg. Tipp: Die größte Höhe ist der Hochpunkt des Graphen – dort ist die Ableitung $h'(t) = 0$.

1) Wie hoch ist der Ball nach 1 Sekunde? (2 P.) _____

**2)** Nach wie vielen Sekunden ist der Ball am höchsten? (3 P.) _____

**3)** Wie groß ist die größte Höhe? (2 P.) _____

**4)** Wann landet der Ball? (in Sekunden, auf 2 Stellen runden) (3 P.) _____

# Lösungen: Probe-Klausur Differentialrechnung

## Aufgabe 1: Ableitungen (je 2 P.)

**1)** $f'(x) = -x + \frac{3}{x^2}$

**2)** $f'(x) = -6x^3 - \frac{6}{x^4}$

**3)** $f'(x) = \frac{12}{x^3} - \frac{4}{3}x^3$

**4)** $f'(x) = \frac{2}{\sqrt{x}} + \frac{12}{5}x^2$

## Aufgabe 2: Tangentengleichung (je 4 P.)

**1)** $t(x) = -5x + 11$

**2)** $t(x) = -17x + 13$

## Aufgabe 3: Polynomdivision (je 3 P.)

**1)** $(x^3 + 4x^2 + 3x + 12) : (x + 4) = x^2 + 3$

**2)** $(x^3 + x^2 - 11x - 15) : (x + 3) = x^2 - 2x - 5$

## Aufgabe 4: Extrempunkte (5 P.)

**1)** $H(2\,|\,20)$, $T(4\,|\,16)$

## Aufgabe 5: Wendetangente (5 P.)

**1)** $t(x) = -x - 4$

## Aufgabe 6: Steckbriefaufgaben (je 5 P.)

**1)** $f(x) = -2x^2 + 4$

**2)** $f(x) = -x^2 - 4x - 4$

## Aufgabe 7: Anwendungsaufgabe (10 P.)

**1)** $h(1) = -5 + 20 = 15\,\text{m}$

**2)** $h'(t) = -10t + 20 = 0 \Rightarrow t = 2\,\text{s}$

**3)** $h(2) = 20\,\text{m}$

**4)** $-5t^2 + 20t = 0 \Rightarrow t = 4\,\text{s}$

### Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

| 15 P. | 14 P. | 13 P. | 12 P. | 11 P. | 10 P. | 9 P. | 8 P. | 7 P. | 6 P. | 5 P. | 4 P. | 3 P. | 2 P. | 1 P. | 0 P. |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ab 50 | ab 47 | ab 45 | ab 42 | ab 39 | ab 37 | ab 34 | ab 32 | ab 29 | ab 26 | ab 24 | ab 21 | ab 18 | ab 15 | ab 11 | ab 0 |