Abitur: Anwendungsaufgaben

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 30 Note: ____

Aufgabe 1: Analysis (10 P.)

Gegeben ist f(x) = (x + 3) · e^(–x). Es gilt f´(x) = (–x – 2) · e^(–x) und f´´(x) = (x + 1) · e^(–x). Eine Stammfunktion ist F(x) = –(x + 4) · e^(–x). Tipp: e^(–x) ist nie 0 – eine Gleichung wie (…) · e^(–x) = 0 löst Du, indem Du nur die Klammer gleich 0 setzt.

1) Nullstelle von f (1 P.) _____

2) Hochpunkt (y-Wert auf 2 Stellen runden) (3 P.) _____

3) Wendepunkt (y-Wert auf 2 Stellen runden) (3 P.) _____

4) Fläche zwischen G und der x-Achse für $-3 \le x \le 0$ (2 Stellen) (3 P.) _____

Aufgabe 2: Stochastik (10 P.)

Die Bürgermeisterin behauptet: Mindestens 70 % der Bürger sind für den neuen Radweg. Eine Zeitung befragt 50 zufällig ausgewählte Bürger. X ist die Anzahl der Befürworter. Getestet wird H0: p >= 0,7 auf dem Signifikanzniveau 5 %. Sind es auffällig wenige Befürworter, wird H0 abgelehnt. Tipp: Rechne mit p = 0,7 und suche das größte k mit P(X <= k) <= 0,05. Beim Fehler 2. Art behält man H0, obwohl sie falsch ist.

1) Erwartungswert von X, wenn die Bürgermeisterin genau recht hat (1 P.) _____

2) Bis zu wie vielen Befürwortern wird H_0 abgelehnt? (4 P.) _____

3) Wahrscheinlichkeit für den Fehler 1. Art (4 Stellen) (2 P.) _____

4) In Wahrheit sind nur 60\,\% dafür. Wie groß ist der Fehler 2. Art? (4 Stellen) (3 P.) _____

Aufgabe 3: Geometrie (10 P.)

Ein dreieckiges Sonnensegel ist an den Punkten A(4|0|0), B(0|12|0) und C(0|0|4) befestigt (Angaben in Metern). Der Boden ist die x-y-Ebene, der Ursprung O ist die Hausecke. Tipp: Den Normalenvektor des Segels bekommst Du mit dem Kreuzprodukt AB × AC. Der Winkel zum Boden ist der Winkel zwischen diesem Normalenvektor und der z-Achse.

1) Wie groß ist die Fläche des Segels? (in m^2, 2 Stellen) (3 P.) _____

2) Unter welchem Winkel ist das Segel gegen den Boden geneigt? (2 Stellen) (3 P.) _____

3) Ein senkrechter Mast steht in $P(2|3|0)$. In welchem Punkt trifft er das Segel? (2 P.) _____

4) Wie weit ist die Hausecke O vom Segel entfernt? (2 Stellen) (2 P.) _____

Lösungen: Abitur: Anwendungsaufgaben

Aufgabe 1: Analysis (10 P.)

1) $(x+3)\cdot e^{-x}=0 \Rightarrow x=-3$

2) $f'(x)=0 \Rightarrow x=-2, \quad f(-2)=e^2\approx 7{,}39 \Rightarrow H(-2\mid 7{,}39)$

3) $f''(x)=0 \Rightarrow x=-1, \quad f(-1)=2e^1\approx 5{,}44 \Rightarrow W(-1\mid 5{,}44)$

4) $A=\int_{-3}^{0} f(x)\,dx = F(0)-F(-3) = -4+e^3\approx 16{,}09$

Aufgabe 2: Stochastik (10 P.)

1) $E(X)=50\cdot 0{,}7=35$

2) $P(X\le 29)\approx 0{,}0478\le 0{,}05, \quad P(X\le 30)\approx 0{,}0848>0{,}05 \Rightarrow \overline{A}=\{0,\ldots,29\}$

3) $\alpha=P(X\le 29)\approx 0{,}0478$

4) $\beta=P_{p=0{,}6}(X\ge 30)=1-P(X\le 29)\approx 0{,}561$

Aufgabe 3: Geometrie (10 P.)

1) $\overrightarrow{AB}\times\overrightarrow{AC}=\begin{pmatrix}48\\16\\48\end{pmatrix}, \quad A=\frac{1}{2}\sqrt{4864}\approx 34{,}87\,\text{m}^2$

2) $\cos\alpha=\frac{48}{\sqrt{4864}} \Rightarrow \alpha\approx 46{,}51^\circ$

3) $\frac{x}{4}+\frac{y}{12}+\frac{z}{4}=1 \text{ mit } x=2,\ y=3 \Rightarrow S(2\mid 3\mid 1)$

4) $d=\frac{|48\cdot 0+16\cdot 0+48\cdot 0-192|}{\sqrt{4864}}\approx 2{,}75\,\text{m}$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 29	ab 27	ab 26	ab 24	ab 23	ab 21	ab 20	ab 18	ab 17	ab 15	ab 14	ab 12	ab 10	ab 9	ab 6	ab 0