Probe-Klassenarbeit Potenzfunktionen und ganzrationale Funktionen

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 29 Note: ____

Aufgabe 1: Eigenschaften von Potenzfunktionen (je 1 P.)

Gemischte Aufgaben zu f(x) = a · x^n: Berechne den Funktionswert, prüfe, ob der Punkt P auf dem Graphen liegt (ja oder nein), gib die Symmetrie an (achsensymmetrisch oder punktsymmetrisch) oder den Verlauf als Quadranten, z. B. „von III nach I“.

1) $f(x) = 5x^4$: Symmetrie _____

2) $f(x) = \frac{1}{2}x^4$, $P(1 \mid -\frac{1}{2})$ _____

Aufgabe 2: Negative und gebrochene Exponenten (je 2 P.)

Negative und gebrochene Exponenten: Berechne die Funktionswerte exakt (als Bruch), gib die Symmetrie an (achsensymmetrisch, punktsymmetrisch oder keine) oder entscheide, ob x = 0 eingesetzt werden darf.

1) $f(x) = 8x^{-3}$: $f(1)$ _____

2) $f(x) = -4x^{-1}$: $x = 0$ erlaubt? _____

Aufgabe 3: Potenzgleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen. Bei geradem Exponenten gibt es oft zwei Lösungen (±) – oder gar keine.

1) $\frac{1}{2}x^2 - 3 = \frac{3}{2}$ _____

2) $x^{\frac{1}{3}} = -1$ _____

Aufgabe 4: Verschiebung ablesen (je 2 P.)

Um wie viel ist der Graph gegenüber dem Graphen der Grundfunktion (x², x³, |x|, Wurzel x oder 1/x) verschoben? Gib die Verschiebung als (x-Richtung | y-Richtung) an: (3 | –2) heißt 3 nach rechts und 2 nach unten.

1) $f(x) = (x-2)^2 + 7$ _____

2) $f(x) = |x-1| - 2$ _____

Aufgabe 5: Funktionsterm aufstellen (3 P.)

Stelle den Funktionsterm f(x) auf. „Gespiegelt“ heißt an der x-Achse gespiegelt, „Faktor k“ heißt in y-Richtung mit k gestreckt (k > 1) bzw. gestaucht (k < 1). Erst wird gespiegelt und gestreckt, danach verschoben.

1) $g(x) = x^2$: gespiegelt, Faktor 2, 3 nach links, 1 nach oben _____

Aufgabe 6: Verhalten im Unendlichen (2 P.)

Beschreibe das Verhalten im Unendlichen: Von welchem Quadranten in welchen verläuft der Graph? (I oben rechts, II oben links, III unten links, IV unten rechts; online z. B. 3; 1)

1) $f(x) = 8x - 6x^3 - \frac{1}{2}x^6 + 5x^2$ _____

Aufgabe 7: Nullstellen aus der Linearfaktorform (je 3 P.)

Gib alle Nullstellen an und notiere, ob sie einfach, doppelt oder dreifach sind (Schnitt- oder Berührstelle). Online genügen die Nullstellen, z. B. 1; -3.

1) $f(x) = -\frac{1}{4}(x + 5)(x + 1)$ _____

2) $f(x) = (x + 1)^3(x + 2)(x - 4)$ _____

Aufgabe 8: Umkehrfunktion (je 2 P.)

Bestimme die Umkehrfunktion: y = f(x) schreiben, nach x auflösen, x und y tauschen. Gib bei Wurzel- und Logarithmusfunktionen den Definitionsbereich mit an.

1) $f(x) = \frac{3}{2}x + 2$ _____

2) $f(x) = -\frac{3}{4}x - 5$ _____

Lösungen: Probe-Klassenarbeit Potenzfunktionen und ganzrationale Funktionen

Aufgabe 1: Eigenschaften von Potenzfunktionen (je 1 P.)

1) achsensymmetrisch

2) nein, denn $f(1) = \frac{1}{2}$

Aufgabe 2: Negative und gebrochene Exponenten (je 2 P.)

1) $f(1) = 8$

2) nein, Division durch 0

Aufgabe 3: Potenzgleichungen (je 2 P.)

1) $x = \pm 3$

2) keine Lösung ($x \geq 0$)

Aufgabe 4: Verschiebung ablesen (je 2 P.)

1) (2 | 7) : 2 nach rechts, 7 nach oben

2) (1 | –2) : 1 nach rechts, 2 nach unten

Aufgabe 5: Funktionsterm aufstellen (3 P.)

1) $f(x) = -2(x + 3)^2 + 1$

Aufgabe 6: Verhalten im Unendlichen (2 P.)

1) von III nach IV ($x \to -\infty$: $f(x) \to -\infty$; $x \to +\infty$: $f(x) \to -\infty$)

Aufgabe 7: Nullstellen aus der Linearfaktorform (je 3 P.)

1) $x_1 = -5$ (einfach), $x_2 = -1$ (einfach)

2) $x_1 = -2$ (einfach), $x_2 = -1$ (dreifach), $x_3 = 4$ (einfach)

Aufgabe 8: Umkehrfunktion (je 2 P.)

1) $f^{-1}(x) = \frac{2}{3}x - \frac{4}{3}$

2) $f^{-1}(x) = -\frac{4}{3}x - \frac{20}{3}$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

Note 1	Note 2	Note 3	Note 4	Note 5	Note 6
ab 27	ab 24	ab 20	ab 15	ab 9	ab 0