Probe-Klassenarbeit Potenzfunktionen und ganzrationale Funktionen

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 29 Note: ____

Aufgabe 1: Eigenschaften von Potenzfunktionen (je 1 P.)

Gemischte Aufgaben zu f(x) = a · x^n: Berechne den Funktionswert, prüfe, ob der Punkt P auf dem Graphen liegt (ja oder nein), gib die Symmetrie an (achsensymmetrisch oder punktsymmetrisch) oder den Verlauf als Quadranten, z. B. „von III nach I“.

1) $f(x) = -\frac{1}{2}x^4$, $P(-1 \mid -\frac{1}{2})$ _____

2) $f(x) = 4x^2$: Symmetrie _____

Aufgabe 2: Negative und gebrochene Exponenten (je 2 P.)

Negative und gebrochene Exponenten: Berechne die Funktionswerte exakt (als Bruch), gib die Symmetrie an (achsensymmetrisch, punktsymmetrisch oder keine) oder entscheide, ob x = 0 eingesetzt werden darf.

1) $f(x) = -2x^{-3}$: $f(-\frac{1}{2})$ _____

2) $f(x) = 4x^{\frac{1}{3}}$: $f(64)$ _____

Aufgabe 3: Potenzgleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen. Bei geradem Exponenten gibt es oft zwei Lösungen (±) – oder gar keine.

1) $3x^2 = 12$ _____

2) $5x^2 + 3 = 8$ _____

Aufgabe 4: Verschiebung ablesen (je 2 P.)

Um wie viel ist der Graph gegenüber dem Graphen der Grundfunktion (x², x³, |x|, Wurzel x oder 1/x) verschoben? Gib die Verschiebung als (x-Richtung | y-Richtung) an: (3 | –2) heißt 3 nach rechts und 2 nach unten.

1) $f(x) = (x + 5)^3 + 2$ _____

2) $f(x) = (x - 5)^2 - 6$ _____

Aufgabe 5: Funktionsterm aufstellen (3 P.)

Stelle den Funktionsterm f(x) auf. „Gespiegelt“ heißt an der x-Achse gespiegelt, „Faktor k“ heißt in y-Richtung mit k gestreckt (k > 1) bzw. gestaucht (k < 1). Erst wird gespiegelt und gestreckt, danach verschoben.

1) $g(x) = x^3$: Faktor 3, 2 nach links, 2 nach unten _____

Aufgabe 6: Verhalten im Unendlichen (2 P.)

Beschreibe das Verhalten im Unendlichen: Von welchem Quadranten in welchen verläuft der Graph? (I oben rechts, II oben links, III unten links, IV unten rechts; online z. B. 3; 1)

1) $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - 4x^2$ _____

Aufgabe 7: Nullstellen aus der Linearfaktorform (je 3 P.)

Gib alle Nullstellen an und notiere, ob sie einfach, doppelt oder dreifach sind (Schnitt- oder Berührstelle). Online genügen die Nullstellen, z. B. 1; -3.

1) $f(x) = \frac{1}{2}(x-2)^2(x-1)^2$ _____

2) $f(x) = -(x-4)(x-5)^2(x+4)^2$ _____

Aufgabe 8: Umkehrfunktion (je 2 P.)

Bestimme die Umkehrfunktion: y = f(x) schreiben, nach x auflösen, x und y tauschen. Gib bei Wurzel- und Logarithmusfunktionen den Definitionsbereich mit an.

1) $f(x) = -x - 9$ _____

2) $f(x) = 4x + 4$ _____

Lösungen: Probe-Klassenarbeit Potenzfunktionen und ganzrationale Funktionen

Aufgabe 1: Eigenschaften von Potenzfunktionen (je 1 P.)

1) ja

2) achsensymmetrisch

Aufgabe 2: Negative und gebrochene Exponenten (je 2 P.)

1) $f(-\frac{1}{2}) = 16$

2) $f(64) = 16$

Aufgabe 3: Potenzgleichungen (je 2 P.)

1) $x = \pm 2$

2) $x = \pm 1$

Aufgabe 4: Verschiebung ablesen (je 2 P.)

1) (–5 | 2) : 5 nach links, 2 nach oben

2) (5 | –6) : 5 nach rechts, 6 nach unten

Aufgabe 5: Funktionsterm aufstellen (3 P.)

1) $f(x) = 3(x + 2)^3 - 2$

Aufgabe 6: Verhalten im Unendlichen (2 P.)

1) von III nach I ($x \to -\infty$: $f(x) \to -\infty$; $x \to +\infty$: $f(x) \to +\infty$)

Aufgabe 7: Nullstellen aus der Linearfaktorform (je 3 P.)

1) $x_1 = 1$ (doppelt), $x_2 = 2$ (doppelt)

2) $x_1 = -4$ (doppelt), $x_2 = 4$ (einfach), $x_3 = 5$ (doppelt)

Aufgabe 8: Umkehrfunktion (je 2 P.)

1) $f^{-1}(x) = -x - 9$

2) $f^{-1}(x) = \frac{1}{4}x - 1$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

Note 1	Note 2	Note 3	Note 4	Note 5	Note 6
ab 27	ab 24	ab 20	ab 15	ab 9	ab 0