Mathe-Check Komplexe Zahlen

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 26 Note: ____

Aufgabe 1: Rechnen in der Form a + bi (je 2 P.)

Berechne und gib das Ergebnis in der Form a + bi an. Denke an $i^2 = -1$. Beim Teilen mit dem konjugierten Nenner erweitern.

1) $(1 + 6i) + (-2 + 3i) =$ _____

2) $(-4 - 7i) \cdot (3 - 6i) =$ _____

3) $i^{81} =$ _____

4) $\frac{-8+4i}{-2-4i} =$ _____

Aufgabe 2: Betrag und Polarform (je 3 P.)

Betrag: |z| = Wurzel ($a^2 + b^2$). Winkel phi zwischen 0° und 360° (auf zwei Stellen runden), Quadrant beachten. Polarform: z = r(cos phi + i sin phi).

1) $|5 - 12i| =$ _____

2) $z = -15 + 8i$: Betrag r und Winkel φ _____

3) $z = -6i$: Betrag r und Winkel φ _____

Aufgabe 3: Gleichungen und Wurzeln (je 3 P.)

Löse die Gleichungen. Bei a ± bi online „a; b“ eingeben (b positiv), bei Wurzeln „r; phi“ der Lösung mit dem kleinsten Winkel.

1) $z + (6 - 5i) = 8 - 7i$ _____

2) $3z^2 + 36z + 255 = 0$ _____

3) $z^3 = 8i$: Lösung mit kleinstem Winkel _____

Lösungen: Mathe-Check Komplexe Zahlen

Aufgabe 1: Rechnen in der Form a + bi (je 2 P.)

1) $(1 + 6i) + (-2 + 3i) = -1 + 9i$

2) $(-4 - 7i) \cdot (3 - 6i) = -54 + 3i$

3) $i^{81} = i$

4) $\frac{-8+4i}{-2-4i} = -2i$

Aufgabe 2: Betrag und Polarform (je 3 P.)

1) $|5 - 12i| = 13$

2) $r = 17,\ \varphi \approx 151{,}93^\circ$

3) $r = 6,\ \varphi = 270^\circ$

Aufgabe 3: Gleichungen und Wurzeln (je 3 P.)

1) $z = 2 - 2i$

2) $z_{1,2} = -6 \pm 7i$

3) $r = 2,\ \varphi_0 = 30^\circ$ (weitere alle 120°)

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 25	ab 24	ab 23	ab 21	ab 20	ab 19	ab 17	ab 16	ab 15	ab 13	ab 12	ab 11	ab 9	ab 8	ab 6	ab 0