Mathe-Check Komplexe Zahlen

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 26 Note: ____

Aufgabe 1: Rechnen in der Form a + bi (je 2 P.)

Berechne und gib das Ergebnis in der Form a + bi an. Denke an $i^2 = -1$. Beim Teilen mit dem konjugierten Nenner erweitern.

1) $4i \cdot (2 + 5i) =$ _____

2) $i^{38} =$ _____

3) $(-2 - 2i) \cdot \overline{(-2 - 2i)} =$ _____

4) $(-7 + 6i) + (-5 + 4i) =$ _____

Aufgabe 2: Betrag und Polarform (je 3 P.)

Betrag: |z| = Wurzel ($a^2 + b^2$). Winkel phi zwischen 0° und 360° (auf zwei Stellen runden), Quadrant beachten. Polarform: z = r(cos phi + i sin phi).

1) $z = 6\sqrt{2}\,(\cos 135^\circ + i\sin 135^\circ)$ in der Form $a + bi$ _____

2) $z = 4\,(\cos 300^\circ + i\sin 300^\circ)$ in der Form $a + bi$ _____

3) $|5 + 12i| =$ _____

Aufgabe 3: Gleichungen und Wurzeln (je 3 P.)

Löse die Gleichungen. Bei a ± bi online „a; b“ eingeben (b positiv), bei Wurzeln „r; phi“ der Lösung mit dem kleinsten Winkel.

1) $z^5 = -i$: Lösung mit kleinstem Winkel _____

2) $z^2 + 48 = 0$ _____

3) $\overline{z} + (3 + 3i) = -3 + 9i$ _____

Lösungen: Mathe-Check Komplexe Zahlen

Aufgabe 1: Rechnen in der Form a + bi (je 2 P.)

1) $4i \cdot (2 + 5i) = -20 + 8i$

2) $i^{38} = -1$

3) $(-2 - 2i) \cdot \overline{(-2 - 2i)} = 8$

4) $(-7 + 6i) + (-5 + 4i) = -12 + 10i$

Aufgabe 2: Betrag und Polarform (je 3 P.)

1) $-6 + 6i$

2) $2 - 2\sqrt{3}\,i$

3) $|5 + 12i| = 13$

Aufgabe 3: Gleichungen und Wurzeln (je 3 P.)

1) $r = 1,\ \varphi_0 = 54^\circ$ (weitere alle 72°)

2) $z_{1,2} = \pm 4\sqrt{3}\,i \approx \pm 6{,}93i$

3) $z = -6 - 6i$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 25	ab 24	ab 23	ab 21	ab 20	ab 19	ab 17	ab 16	ab 15	ab 13	ab 12	ab 11	ab 9	ab 8	ab 6	ab 0