Mathe-Check Komplexe Zahlen

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 26 Note: ____

Aufgabe 1: Rechnen in der Form a + bi (je 2 P.)

Berechne und gib das Ergebnis in der Form a + bi an. Denke an $i^2 = -1$. Beim Teilen mit dem konjugierten Nenner erweitern.

1) $(3 - 3i) \cdot \overline{(3 - 3i)} =$ _____

2) $(-4 - 5i) + (4 + 4i) =$ _____

3) $(-1 + 6i) \cdot \overline{(-1 + 6i)} =$ _____

4) $\frac{9+i}{1-i} =$ _____

Aufgabe 2: Betrag und Polarform (je 3 P.)

Betrag: |z| = Wurzel ($a^2 + b^2$). Winkel phi zwischen 0° und 360° (auf zwei Stellen runden), Quadrant beachten. Polarform: z = r(cos phi + i sin phi).

1) $z = -1 + 3i$: Betrag r und Winkel φ _____

2) $z = 4\,(\cos 120^\circ + i\sin 120^\circ)$ in der Form $a + bi$ _____

3) $z = 12\,(\cos 330^\circ + i\sin 330^\circ)$ in der Form $a + bi$ _____

Aufgabe 3: Gleichungen und Wurzeln (je 3 P.)

Löse die Gleichungen. Bei a ± bi online „a; b“ eingeben (b positiv), bei Wurzeln „r; phi“ der Lösung mit dem kleinsten Winkel.

1) $z^2 = -144$ _____

2) $z^2 = -9$ _____

3) $z^2 + 4z + 29 = 0$ _____

Lösungen: Mathe-Check Komplexe Zahlen

Aufgabe 1: Rechnen in der Form a + bi (je 2 P.)

1) $(3 - 3i) \cdot \overline{(3 - 3i)} = 18$

2) $(-4 - 5i) + (4 + 4i) = -i$

3) $(-1 + 6i) \cdot \overline{(-1 + 6i)} = 37$

4) $\frac{9+i}{1-i} = 4 + 5i$

Aufgabe 2: Betrag und Polarform (je 3 P.)

1) $r = \sqrt{10} \approx 3{,}16,\ \varphi \approx 108{,}43^\circ$

2) $-2 + 2\sqrt{3}\,i$

3) $6\sqrt{3} - 6i$

Aufgabe 3: Gleichungen und Wurzeln (je 3 P.)

1) $z_{1,2} = \pm 12i$

2) $z_{1,2} = \pm 3i$

3) $z_{1,2} = -2 \pm 5i$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 25	ab 24	ab 23	ab 21	ab 20	ab 19	ab 17	ab 16	ab 15	ab 13	ab 12	ab 11	ab 9	ab 8	ab 6	ab 0