# Probe-Klausur Beurteilende Statistik

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 36 Note: ____

## Aufgabe 1: Erwartungswert, Standardabweichung, Laplace-Bedingung (je 3 P.)

X ist binomialverteilt mit n und p. Berechne Erwartungswert my = n·p und Standardabweichung sigma = Wurzel (n·p·(1 – p)) (sigma auf zwei Nachkommastellen) bzw. prüfe die Laplace-Bedingung sigma > 3.

1) $n = 60,\ p = 0{,}35$ : $\mu = ?,\ \sigma = ?$ _____

2) $n = 150,\ p = 0{,}15$ : Laplace-Bedingung $\sigma > 3$ erfüllt? _____

## Aufgabe 2: Sigma-Umgebung und Prognoseintervall (je 3 P.)

Bestimme die Intervalle mit den Sigma-Regeln (Grenzen auf zwei Nachkommastellen, bei relativen Häufigkeiten auf drei) bzw. die Wahrscheinlichkeit der sigma-Umgebung.

1) $n = 600,\ p = 0{,}35$ : 90 %-Prognoseintervall für $X$ _____

2) $P(\mu - \sigma \le X \le \mu + \sigma) \approx\ ?$ (in Prozent, Sigma-Regel) _____

## Aufgabe 3: Konfidenzintervall (je 4 P.)

Bestimme das Konfidenzintervall für die unbekannte Wahrscheinlichkeit p mit der Näherung h ± c·Wurzel (h·(1 – h)/n) (Grenzen auf drei Nachkommastellen).

1) $n = 1200,\ k = 485$ ($h = 0{,}4042$) : 95 %-Konfidenzintervall für $p$ _____

2) $n = 1000,\ k = 816$ : Liegt $p_0 = 0{,}86$ im 95 %-Konfidenzintervall? _____

## Aufgabe 4: Hypothesen aufstellen (2 P.)

Entscheide, ob ein rechtsseitiger, linksseitiger oder zweiseitiger Test passt, und stelle die Hypothesen H0 und H1 auf. Was nachgewiesen werden soll, gehört in H1. Online tippst Du nur die Testart ein: rechtsseitig, linksseitig oder zweiseitig.

1) Eine Partei hatte 35 % Zustimmung. Man befürchtet, es sind weniger. _____

## Aufgabe 5: Ablehnungsbereich (4 P.)

Bestimme die kritische Zahl mit der Tabelle der kumulierten Binomialverteilung oder dem Taschenrechner. Rechtsseitig: das kleinste k mit P(X >= k) <= alpha. Linksseitig: das größte k mit P(X <= k) <= alpha.

**1)** $n = 30,\ H_0: p \geq 0{,}8,\ \alpha = 5\,\%$: Bis zu wie vielen Treffern wird $H_0$ abgelehnt? _____

## Aufgabe 6: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Eine Anlage füllt Saft in Flaschen. Die Füllmenge X (in ml) ist normalverteilt mit dem Erwartungswert my = 750 ml und der Standardabweichung sigma = 4 ml. Tipp: Standardisiere mit z = (x – my) : sigma und lies ?(z) in der Tabelle oder mit dem Taschenrechner ab. Für „mehr als“ rechnest Du 1 – ?(z). Werte aus der Tabelle dürfen etwas abweichen.

**1)** Wahrscheinlichkeit, dass eine Flasche weniger als 744 ml enthält (3 Stellen) (2 P.) _____

**2)** Wahrscheinlichkeit, dass die Füllmenge höchstens 4 ml von μ abweicht (3 Stellen) (2 P.) _____

**3)** Wie viele von 5000 Flaschen enthalten voraussichtlich weniger als 744 ml? (ganze Zahl) (2 P.) _____

**4)** Ab welcher Füllmenge gehört eine Flasche zu den 5\,\% vollsten? (1 Stelle) (2 P.) _____

**5)** Auf welchen Wert muss σ sinken, damit nur 1\,\% der Flaschen weniger als 744 ml enthalten? (2 Stellen) (2 P.) _____

# Lösungen: Probe-Klausur Beurteilende Statistik

## Aufgabe 1: Erwartungswert, Standardabweichung, Laplace-Bedingung (je 3 P.)

**1)** $\mu = 21;\quad \sigma = \sqrt{13{,}65} \approx 3{,}69$

**2)** $\sigma = \sqrt{19{,}125} \approx 4{,}37 > 3$ : ja

## Aufgabe 2: Sigma-Umgebung und Prognoseintervall (je 3 P.)

**1)** $[\,190{,}84;\ 229{,}16\,]\quad (\mu = 210,\ \sigma \approx 11{,}68)$

**2)** $\approx 68{,}3\,\%$

## Aufgabe 3: Konfidenzintervall (je 4 P.)

**1)** $[\,0{,}376;\ 0{,}432\,]$

**2)** $[\,0{,}792;\ 0{,}84\,]$ : nein

## Aufgabe 4: Hypothesen aufstellen (2 P.)

**1)** linksseitig: $H_0: p \geq 0{,}35,\quad H_1: p < 0{,}35$

## Aufgabe 5: Ablehnungsbereich (4 P.)

**1)** $P(X \leq 19) \approx 0{,}0256 \leq 0{,}05,\ P(X \leq 20) \approx 0{,}0611 > 0{,}05 \Rightarrow \overline{A} = \{0;\ 1;\ \ldots;\ 19\}$

## Aufgabe 6: Anwendungsaufgabe (10 P.)

**1)** $P(X < 744) = \Phi\left(\frac{744-750}{4}\right) = \Phi(-1{,}5) \approx 0{,}067$

**2)** $P(746 \leq X \leq 754) = 2\,\Phi(1) - 1 \approx 0{,}683$

**3)** $5000 \cdot 0{,}0668 \approx 334$

**4)** $P(X \geq c) = 0{,}05 \Rightarrow \Phi\left(\frac{c-750}{4}\right) = 0{,}95 \Rightarrow \frac{c-750}{4} \approx 1{,}645 \Rightarrow c \approx 756{,}6\,\text{ml}$

**5)** $\Phi\left(\frac{-6}{\sigma}\right) = 0{,}01 \Rightarrow \frac{6}{\sigma} \approx 2{,}326 \Rightarrow \sigma \approx 2{,}58\,\text{ml}$

### Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

| 15 P. | 14 P. | 13 P. | 12 P. | 11 P. | 10 P. | 9 P. | 8 P. | 7 P. | 6 P. | 5 P. | 4 P. | 3 P. | 2 P. | 1 P. | 0 P. |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ab 35 | ab 33 | ab 31 | ab 29 | ab 27 | ab 26 | ab 24 | ab 22 | ab 20 | ab 18 | ab 17 | ab 15 | ab 12 | ab 10 | ab 8 | ab 0 |