Probe-Klausur Stochastik

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 43 Note: ____

Aufgabe 1: Kombinatorik (je 3 P.)

Überlege jeweils: Ist die Reihenfolge wichtig? Darf etwas mehrfach vorkommen (Zurücklegen)? Gib die Formel und das Ergebnis an.

1) Auf wie viele Arten kann man 3 Läufer auf die Bahnen verteilen?

2) Wie viele Möglichkeiten gibt es für eine 6-stellige PIN aus den Ziffern 0 bis 9?

3) Wie viele Möglichkeiten gibt es für die Augenzahlen bei 5 Würfen mit einem Würfel?

Aufgabe 2: Bedingte Wahrscheinlichkeit (je 4 P.)

Lege eine Vierfeldertafel oder ein Baumdiagramm an und berechne die gesuchten Wahrscheinlichkeiten. P_A(B) bedeutet: Wahrscheinlichkeit von B unter der Bedingung A.

1) $P(A) = 0{,}2,\ P_A(B) = 0{,}6,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}5$: $P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

2) $P(A) = 0{,}3,\ P_A(B) = 0{,}9,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}5$: $P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

3) $P(A) = 0{,}3,\ P_A(B) = 0{,}5,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}2$: $P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

Aufgabe 3: Normalverteilung (je 4 P.)

Standardisiere mit z = (x – Erwartungswert) : Standardabweichung und lies den Wert der Verteilungsfunktion ab (Tabelle oder Taschenrechner). Runde auf 4 Nachkommastellen.

1) $P(Z \geq -2{,}08)$ _____

2) $P(Z \geq 0{,}67)$ _____

3) $P(Z \geq 0{,}53)$ _____

Aufgabe 4: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Eine Anlage füllt Saft in Flaschen. Die Füllmenge X (in ml) ist normalverteilt mit dem Erwartungswert my = 750 ml und der Standardabweichung sigma = 8 ml. Tipp: Standardisiere mit z = (x – my) : sigma und lies ?(z) in der Tabelle oder mit dem Taschenrechner ab. Für „mehr als“ rechnest Du 1 – ?(z). Werte aus der Tabelle dürfen etwas abweichen.

1) Wahrscheinlichkeit, dass eine Flasche weniger als 734 ml enthält (3 Stellen) (2 P.) _____

2) Wahrscheinlichkeit, dass die Füllmenge höchstens 12 ml von μ abweicht (3 Stellen) (2 P.) _____

3) Wie viele von 1000 Flaschen enthalten voraussichtlich weniger als 734 ml? (ganze Zahl) (2 P.) _____

4) Ab welcher Füllmenge gehört eine Flasche zu den 5\,\% vollsten? (1 Stelle) (2 P.) _____

5) Auf welchen Wert muss σ sinken, damit nur 1\,\% der Flaschen weniger als 734 ml enthalten? (2 Stellen) (2 P.) _____

Lösungen: Probe-Klausur Stochastik

Aufgabe 1: Kombinatorik (je 3 P.)

1) $3! = 6$

2) $10^6 = 1.000.000$

3) $6^5 = 7776$

Aufgabe 2: Bedingte Wahrscheinlichkeit (je 4 P.)

1) $P(B) = 0{,}2 \cdot 0{,}6 + 0{,}8 \cdot 0{,}5 = 0{,}52, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}12}{0{,}52} \approx 0{,}231$

2) $P(B) = 0{,}3 \cdot 0{,}9 + 0{,}7 \cdot 0{,}5 = 0{,}62, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}27}{0{,}62} \approx 0{,}435$

3) $P(B) = 0{,}3 \cdot 0{,}5 + 0{,}7 \cdot 0{,}2 = 0{,}29, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}15}{0{,}29} \approx 0{,}517$

Aufgabe 3: Normalverteilung (je 4 P.)

1) $P(Z \geq -2{,}08) = 1 - \Phi(-2{,}08) \approx 0{,}9812$

2) $P(Z \geq 0{,}67) = 1 - \Phi(0{,}67) \approx 0{,}2514$

3) $P(Z \geq 0{,}53) = 1 - \Phi(0{,}53) \approx 0{,}2981$

Aufgabe 4: Anwendungsaufgabe (10 P.)

1) $P(X < 734) = \Phi\left(\dfrac{734-750}{8}\right) = \Phi(-2) \approx 0{,}023$

2) $P(738 \leq X \leq 762) = 2\,\Phi(1{,}5) - 1 \approx 0{,}866$

3) $1000 \cdot 0{,}0228 \approx 23$

4) $P(X \geq c) = 0{,}05 \;\Rightarrow\; \Phi\left(\dfrac{c-750}{8}\right) = 0{,}95 \;\Rightarrow\; \dfrac{c-750}{8} \approx 1{,}645 \;\Rightarrow\; c \approx 763{,}2\,\text{ml}$

5) $\Phi\left(\dfrac{-16}{\sigma}\right) = 0{,}01 \;\Rightarrow\; \dfrac{16}{\sigma} \approx 2{,}326 \;\Rightarrow\; \sigma \approx 6{,}88\,\text{ml}$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 41	ab 39	ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 28	ab 26	ab 24	ab 22	ab 20	ab 18	ab 15	ab 12	ab 9	ab 0