Probe-Klausur Stochastik

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 43 Note: ____

Aufgabe 1: Kombinatorik (je 3 P.)

Überlege jeweils: Ist die Reihenfolge wichtig? Darf etwas mehrfach vorkommen (Zurücklegen)? Gib die Formel und das Ergebnis an.

1) Wie viele Möglichkeiten gibt es für eine Folge von 4 Münzwürfen (Kopf oder Zahl)?

2) Auf wie viele Arten kann man 4 Kinder in einer Reihe aufstellen?

3) Auf wie viele Arten kann man 8 Kinder in einer Reihe aufstellen?

Aufgabe 2: Bedingte Wahrscheinlichkeit (je 4 P.)

Lege eine Vierfeldertafel oder ein Baumdiagramm an und berechne die gesuchten Wahrscheinlichkeiten. P_A(B) bedeutet: Wahrscheinlichkeit von B unter der Bedingung A.

1) $P(A) = 0{,}1,\ P_A(B) = 0{,}7,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}6:\quad P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

2) $P(A) = 0{,}3,\ P_A(B) = 0{,}5,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}2:\quad P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

3) $P(A) = 0{,}5,\ P_A(B) = 0{,}5,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}3:\quad P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

Aufgabe 3: Normalverteilung (je 4 P.)

Standardisiere mit z = (x – Erwartungswert) : Standardabweichung und lies den Wert der Verteilungsfunktion ab (Tabelle oder Taschenrechner). Runde auf 4 Nachkommastellen.

1) $P(Z \geq -1{,}33)$ _____

2) $P(Z \geq -0{,}35)$ _____

3) $P(Z \geq 1{,}42)$ _____

Aufgabe 4: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Ein Glücksrad bleibt mit der Wahrscheinlichkeit 0,2 auf „Gewinn“ stehen. Es wird 5-mal gedreht. Die Zufallsgröße X zählt, wie oft „Gewinn“ kommt. Weil sich die Wahrscheinlichkeit bei jedem Drehen nicht ändert, ist X binomialverteilt mit n = 5 und p = 0,2. Tipp: „mindestens einmal“ rechnest Du am leichtesten über das Gegenereignis „keinmal“.

1) Berechne $P(X = 3)$ (auf 4 Stellen runden). (3 P.) _____

2) Berechne den Erwartungswert $E(X)$. (2 P.) _____

3) Berechne $P(X \geq 1)$ (auf 4 Stellen runden). (2 P.) _____

4) Wie oft muss man mindestens drehen, damit $P(X \geq 1) \geq 0{,}9$ gilt? (3 P.) _____

Lösungen: Probe-Klausur Stochastik

Aufgabe 1: Kombinatorik (je 3 P.)

1) $2^4 = 16$

2) $4! = 24$

3) $8! = 40.320$

Aufgabe 2: Bedingte Wahrscheinlichkeit (je 4 P.)

1) $P(B) = 0{,}1 \cdot 0{,}7 + 0{,}9 \cdot 0{,}6 = 0{,}61, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}07}{0{,}61} \approx 0{,}115$

2) $P(B) = 0{,}3 \cdot 0{,}5 + 0{,}7 \cdot 0{,}2 = 0{,}29, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}15}{0{,}29} \approx 0{,}517$

3) $P(B) = 0{,}5 \cdot 0{,}5 + 0{,}5 \cdot 0{,}3 = 0{,}4, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}25}{0{,}4} \approx 0{,}625$

Aufgabe 3: Normalverteilung (je 4 P.)

1) $P(Z \geq -1{,}33) = 1 - \Phi(-1{,}33) \approx 0{,}9082$

2) $P(Z \geq -0{,}35) = 1 - \Phi(-0{,}35) \approx 0{,}6368$

3) $P(Z \geq 1{,}42) = 1 - \Phi(1{,}42) \approx 0{,}0778$

Aufgabe 4: Anwendungsaufgabe (10 P.)

1) $P(X = 3) = \binom{5}{3} \cdot 0{,}2^3 \cdot 0{,}8^2 \approx 0{,}0512$

2) $E(X) = n \cdot p = 5 \cdot 0{,}2 = 1$

3) $P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - 0{,}8^5 \approx 0{,}6723$

4) $1 - 0{,}8^m \geq 0{,}9 \;\Rightarrow\; m \geq \dfrac{\ln 0{,}1}{\ln 0{,}8} \approx 10{,}319 \;\Rightarrow\; m = 11$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 41	ab 39	ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 28	ab 26	ab 24	ab 22	ab 20	ab 18	ab 15	ab 12	ab 9	ab 0