Probe-Klausur Stochastik

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 90 Minuten Punkte: _____ von 43 Note: ____

Aufgabe 1: Kombinatorik (je 3 P.)

Überlege jeweils: Ist die Reihenfolge wichtig? Darf etwas mehrfach vorkommen (Zurücklegen)? Gib die Formel und das Ergebnis an.

1) Wie viele Möglichkeiten gibt es für eine 6-stellige PIN aus den Ziffern 0 bis 9?

2) Auf wie viele Arten kann man 8 Bücher nebeneinander ins Regal stellen?

3) Auf wie viele Arten kann man 3 Buchstaben-Karten in eine Reihe legen?

Aufgabe 2: Bedingte Wahrscheinlichkeit (je 4 P.)

Lege eine Vierfeldertafel oder ein Baumdiagramm an und berechne die gesuchten Wahrscheinlichkeiten. P_A(B) bedeutet: Wahrscheinlichkeit von B unter der Bedingung A.

1) $P(A) = 0{,}2,\ P_A(B) = 0{,}6,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}4:\quad P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

2) $P(A) = 0{,}2,\ P_A(B) = 0{,}9,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}1:\quad P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

3) $P(A) = 0{,}1,\ P_A(B) = 0{,}7,\ P_{\bar{A}}(B) = 0{,}2:\quad P(B) = ?,\ P_B(A) = ?$ _____

Aufgabe 3: Normalverteilung (je 4 P.)

Standardisiere mit z = (x – Erwartungswert) : Standardabweichung und lies den Wert der Verteilungsfunktion ab (Tabelle oder Taschenrechner). Runde auf 4 Nachkommastellen.

1) $P(Z \geq 0{,}43)$ _____

2) $P(Z \geq -0{,}82)$ _____

3) $P(Z \geq -0{,}47)$ _____

Aufgabe 4: Anwendungsaufgabe (10 P.)

Eine Anlage füllt Saft in Flaschen. Die Füllmenge X (in ml) ist normalverteilt mit dem Erwartungswert my = 750 ml und der Standardabweichung sigma = 5 ml. Tipp: Standardisiere mit z = (x – my) : sigma und lies ?(z) in der Tabelle oder mit dem Taschenrechner ab. Für „mehr als“ rechnest Du 1 – ?(z). Werte aus der Tabelle dürfen etwas abweichen.

1) Wahrscheinlichkeit, dass eine Flasche weniger als 737,5 ml enthält (3 Stellen) (2 P.) _____

2) Wahrscheinlichkeit, dass die Füllmenge höchstens 5 ml von μ abweicht (3 Stellen) (2 P.) _____

3) Wie viele von 1000 Flaschen enthalten voraussichtlich weniger als 737,5 ml? (ganze Zahl) (2 P.) _____

4) Ab welcher Füllmenge gehört eine Flasche zu den 5\,\% vollsten? (1 Stelle) (2 P.) _____

5) Auf welchen Wert muss σ sinken, damit nur 1\,\% der Flaschen weniger als 737,5 ml enthalten? (2 Stellen) (2 P.) _____

Lösungen: Probe-Klausur Stochastik

Aufgabe 1: Kombinatorik (je 3 P.)

1) $10^6 = 1.000.000$

2) $8! = 40.320$

3) $3! = 6$

Aufgabe 2: Bedingte Wahrscheinlichkeit (je 4 P.)

1) $P(B) = 0{,}2 \cdot 0{,}6 + 0{,}8 \cdot 0{,}4 = 0{,}44, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}12}{0{,}44} \approx 0{,}273$

2) $P(B) = 0{,}2 \cdot 0{,}9 + 0{,}8 \cdot 0{,}1 = 0{,}26, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}18}{0{,}26} \approx 0{,}692$

3) $P(B) = 0{,}1 \cdot 0{,}7 + 0{,}9 \cdot 0{,}2 = 0{,}25, \quad P_B(A) = \dfrac{0{,}07}{0{,}25} \approx 0{,}28$

Aufgabe 3: Normalverteilung (je 4 P.)

1) $P(Z \geq 0{,}43) = 1 - \Phi(0{,}43) \approx 0{,}3336$

2) $P(Z \geq -0{,}82) = 1 - \Phi(-0{,}82) \approx 0{,}7939$

3) $P(Z \geq -0{,}47) = 1 - \Phi(-0{,}47) \approx 0{,}6808$

Aufgabe 4: Anwendungsaufgabe (10 P.)

1) $P(X < 737{,}5) = \Phi\left(\dfrac{737{,}5 - 750}{5}\right) = \Phi(-2{,}5) \approx 0{,}006$

2) $P(745 \leq X \leq 755) = 2\,\Phi(1) - 1 \approx 0{,}683$

3) $1000 \cdot 0{,}0062 \approx 6$

4) $P(X \geq c) = 0{,}05 \;\Rightarrow\; \Phi\left(\dfrac{c - 750}{5}\right) = 0{,}95 \;\Rightarrow\; \dfrac{c - 750}{5} \approx 1{,}645 \;\Rightarrow\; c \approx 758{,}2\,\text{ml}$

5) $\Phi\left(\dfrac{-12{,}5}{\sigma}\right) = 0{,}01 \;\Rightarrow\; \dfrac{12{,}5}{\sigma} \approx 2{,}326 \;\Rightarrow\; \sigma \approx 5{,}37\,\text{ml}$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 41	ab 39	ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 28	ab 26	ab 24	ab 22	ab 20	ab 18	ab 15	ab 12	ab 9	ab 0