Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{4}{8} - \frac{4}{12} =$ _____

2) $\frac{7}{10} + \frac{1}{5} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 125,00 € minus 25 % = _____

2) 130,00 € minus 40 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $2^0 =$ _____

2) $86^0 =$ _____

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_3\left(\sqrt{3}\right) =$ _____

2) $\lg(0{,}01) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $3x^2 - 12x + 9 = 0$ _____

2) $-x^2 - 2x + 8 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $-5x - 5 \geq -x - 41$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|2x| = 6$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(-4 \mid 1)$, $Q(0 \mid -2)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = -x^2 + 4x - 1$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $c = 8\,\text{cm},\ \alpha = 41^\circ$: $a =$ _____

2) $c = 6\,\text{cm},\ \alpha = 41^\circ$: $b =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = (3x - 3)^4$

2) $f(x) = 5e^{3x}$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_{2}^{3} (5x + 3)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(-3 \mid -6 \mid -6) \cdot (1 \mid 4 \mid 1) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) 4 rote, 5 blaue Kugeln, 2-mal ziehen ohne Zurücklegen: P(beide rot) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\sum_{k=0}^{4} 2^k =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{4}{8} - \frac{4}{12} = \frac{1}{6}$

2) $\frac{7}{10} + \frac{1}{5} = \frac{9}{10}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 125,00 € minus 25 % = 93,75 €

2) 130,00 € minus 40 % = 78,00 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $2^0 = 1$

2) $86^0 = 1$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_3\left(\sqrt{3}\right) = \frac{1}{2}$

2) $\lg(0{,}01) = -2$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $3x^2 - 12x + 9 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = 1,\ x_2 = 3$

2) $-x^2 - 2x + 8 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -4,\ x_2 = 2$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \leq 9$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x_1 = -3,\ x_2 = 3$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = -\frac{3}{4}x - 2$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = -(x-2)^2 + 3, \quad S(2 \mid 3)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $c = 8\,\text{cm},\ \alpha = 41^\circ:\ a = 5{,}25\,\text{cm}$

2) $c = 6\,\text{cm},\ \alpha = 41^\circ:\ b = 4{,}53\,\text{cm}$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = 12(3x-3)^3$

2) $f'(x) = 15e^{3x}$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_2^3 (5x + 3)dx = \frac{31}{2}$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(-3 \mid -6 \mid -6) \cdot (1 \mid 4 \mid 1) = -33$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{4}{9} \cdot \frac{3}{8} = \frac{1}{6}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\sum_{k=0}^{4} 2^k = 1 + 2 + 4 + 8 + 16 = 31$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0