Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{7}{8} - \frac{1}{3} =$ _____

2) $\frac{4}{6} + \frac{2}{4} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 160,00 € plus 19 % = _____

2) 175,00 € minus 30 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $3^{-3} =$ _____

2) $5^{-1} =$ _____

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_{27}(3) =$ _____

2) $\log_{9}(3) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $-x^2 + x = 0$ _____

2) $5x^2 - 10x - 15 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $-7x - 8 \geq -4x - 26$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|2x + 2| = 0$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(-3 \mid -9)$, $Q(-2 \mid -7)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = 4x^2 - 16x + 9$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $c = 12\,\text{cm}$, $\alpha = 71^\circ$: $b =$ _____ **2)** $b = 18\,\text{cm}$, $\alpha = 65^\circ$: $a =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = \sqrt{5x + 5}$

2) $f(x) = \sqrt{4x + 1}$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_0^2 (-x^2 + 2x + 6)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(-4 \mid -3 \mid -4) \cdot (1 \mid 6 \mid 6) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) 2 rote, 2 blaue Kugeln, 2-mal ziehen mit Zurücklegen: P(beide rot) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\sum_{k=0}^{3} 3^k =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{7}{8} - \frac{1}{3} = \frac{13}{24}$

2) $\frac{4}{6} + \frac{2}{4} = \frac{7}{6}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 160,00 € plus 19 % = 190,40 €

2) 175,00 € minus 30 % = 122,50 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $3^{-3} = \frac{1}{27}$

2) $5^{-1} = \frac{1}{5}$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_{27}(3) = \frac{1}{3}$

2) $\log_{9}(3) = \frac{1}{2}$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $-x^2 + x = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = 0,\ x_2 = 1$

2) $5x^2 - 10x - 15 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -1,\ x_2 = 3$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \leq 6$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x = -1$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = 2x - 3$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = 4(x-2)^2 - 7, \quad S(2 \mid -7)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $c = 12\,\text{cm},\ \alpha = 71^\circ:\ b = 3{,}91\,\text{cm}$

2) $b = 18\,\text{cm},\ \alpha = 65^\circ:\ a = 38{,}6\,\text{cm}$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = \frac{5}{2\sqrt{5x+5}}$

2) $f'(x) = \dfrac{4}{2\sqrt{4x+1}}$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_0^2 \left(-x^2 + 2x + 6\right) dx = \dfrac{40}{3}$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(-4 \mid -3 \mid -4) \cdot (1 \mid 6 \mid 6) = -46$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \dfrac{2}{4} \cdot \dfrac{2}{4} = \dfrac{1}{4}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\sum_{k=0}^{3} 3^k = 1 + 3 + 9 + 27 = 40$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0