Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{3}{6} + \frac{4}{9} =$ _____

2) $\frac{2}{3} + \frac{1}{2} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 140,00 € plus 7 % = _____

2) 340,00 € minus 10 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $10^{-2} =$ _____

2) $4^{-2} =$ _____

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_5\left(\sqrt[3]{5}\right) =$ _____

2) $\log_2\left(\frac{1}{8}\right) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $4x^2 + 8x = 0$ _____

2) $-2x^2 + 8x + 24 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $2x - 12 \leq -2x - 44$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|-2x - 12| = 2$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(-3 \mid 9)$, $Q(-2 \mid 8)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = -3x^2 + 24x - 41$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $a = 6\,\text{cm}$, $c = 21\,\text{cm}$: $\alpha =$ _____ 2) $b = 12\,\text{cm}$, $c = 15\,\text{cm}$: $\alpha =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = e^{-2x^2}$

2) $f(x) = (3x - 5)^2$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_1^4 (x-5)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(5 \mid -5 \mid 0) \cdot (4 \mid 1 \mid -6) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) 5 rote, 2 blaue Kugeln, 2-mal ziehen mit Zurücklegen: P(beide rot) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\sum_{k=1}^{4} (3k + 4) =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{3}{6} + \frac{4}{9} = \frac{17}{18}$

2) $\frac{2}{3} + \frac{1}{2} = \frac{7}{6}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 140,00 € plus 7 % = 149,80 €

2) 340,00 € minus 10 % = 306,00 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $10^{-2} = 0{,}01$

2) $4^{-2} = \frac{1}{16}$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_5\left(\sqrt[3]{5}\right) = \frac{1}{3}$

2) $\log_2\left(\frac{1}{8}\right) = -3$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $4x^2 + 8x = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -2,\ x_2 = 0$

2) $-2x^2 + 8x + 24 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -2,\ x_2 = 6$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \leq -8$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x_1 = -7,\ x_2 = -5$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = -x + 6$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = -3(x-4)^2 + 7, \quad S(4 \mid 7)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $a = 6\,\text{cm},\ c = 21\,\text{cm}: \ \alpha = 16{,}6^\circ$

2) $b = 12\,\text{cm},\ c = 15\,\text{cm}: \ \alpha = 36{,}87^\circ$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = -4x\,e^{-2x^2}$

2) $f'(x) = 6(3x-5)$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_1^4 (x-5)dx = -\frac{15}{2}$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(5 \mid -5 \mid 0) \cdot (4 \mid 1 \mid -6) = 15$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{5}{7} \cdot \frac{5}{7} = \frac{25}{49}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\sum_{k=1}^{4}(3k+4) = 7 + 10 + 13 + 16 = 46$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0