Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{2}{5} + \frac{1}{2} =$ _____

2) $\frac{3}{10} - \frac{1}{4} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 150,00 € minus 25 % = _____

2) 295,00 € minus 25 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $2500 = \square \cdot 10^{\square}$

2) $40\,000 = \square \cdot 10^{\square}$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_9(3) =$ _____

2) $\log_3\left(\sqrt[3]{3}\right) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform $x^2 + px + q = 0$.

1) $3x^2 - 9x + 6 = 0$ _____

2) $-2x^2 + 6x + 36 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $x - 4 \leq -4x - 49$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|x - 2| = 7$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(0 \mid -1)$, $Q(3 \mid -7)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = 2x^2 - 4x - 7$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $a = 16\,\text{cm},\ \alpha = 34^\circ:\ c =$ _____

2) $a = 3\,\text{cm},\ c = 15\,\text{cm}:\ \alpha =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = 2e^{2x}$

2) $f(x) = -3\sin(5x)$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_{1}^{2} (-2x^2 + 5x + 3)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(4 \mid -1 \mid 0) \cdot (-6 \mid 4 \mid 4) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) Zwei Würfel: P(Augensumme 6) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\sum_{i=1}^{5} (-1)^i \cdot i =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{2}{5} + \frac{1}{2} = \frac{9}{10}$

2) $\frac{3}{10} - \frac{1}{4} = \frac{1}{20}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 150,00 € minus 25 % = 112,50 €

2) 295,00 € minus 25 % = 221,25 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $2500 = 2{,}5 \cdot 10^3$

2) $40\,000 = 4 \cdot 10^4$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_9(3) = \frac{1}{2}$

2) $\log_3\left(\sqrt[3]{3}\right) = \frac{1}{3}$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $3x^2 - 9x + 6 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = 1,\ x_2 = 2$

2) $-2x^2 + 6x + 36 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -3,\ x_2 = 6$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \leq -9$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x_1 = -5,\ x_2 = 9$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = -2x - 1$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = 2(x-1)^2 - 9, \quad S(1 \mid -9)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $a = 16\,\text{cm},\ \alpha = 34^\circ:\ c = 28{,}61\,\text{cm}$

2) $a = 3\,\text{cm},\ c = 15\,\text{cm}:\ \alpha = 11{,}54^\circ$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = 4e^{2x}$

2) $f'(x) = -15\cos(5x)$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_1^2 (-2x^2 + 5x + 3)\,dx = \frac{35}{6}$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(4 \mid -1 \mid 0) \cdot (-6 \mid 4 \mid 4) = -28$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{5}{36}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\sum_{i=1}^{5} (-1)^i \cdot i = -1 + 2 - 3 + 4 - 5 = -3$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0