Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{1}{10} + \frac{2}{9} =$ _____

2) $\frac{2}{8} + \frac{10}{12} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 350,00 € minus 25 % = _____

2) 290,00 € minus 15 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $4^{-2} =$ _____

2) $80\,000\,000 = \square \cdot 10^{\square}$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_5\left(\frac{1}{125}\right) =$ _____

2) $\log_2\left(\frac{1}{4}\right) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $2x^2 - 2x = 0$ _____

2) $3x^2 + 3x - 18 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $-4x + 2 \leq -7x - 22$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|x - 3| = 1$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(-3 \mid -4)$, $Q(-1 \mid -2)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = 3x^2 - 18x + 24$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $c = 16\,\text{cm},\ \alpha = 45^\circ:\ b =$ _____

2) $b = 9\,\text{cm},\ \alpha = 49^\circ:\ a =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = \sqrt{2x + 7}$

2) $f(x) = x\cos(x)$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_{2}^{3} (-3x^2)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(-4 \mid 6 \mid -3) \cdot (1 \mid -6 \mid 1) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) 5 rote, 4 blaue Kugeln, 2-mal ziehen ohne Zurücklegen: P(beide rot) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\sum_{k=0}^{4} 2^k =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{1}{10} + \frac{2}{9} = \frac{29}{90}$

2) $\frac{2}{8} + \frac{10}{12} = \frac{13}{12}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 350,00 € minus 25 % = 262,50 €

2) 290,00 € minus 15 % = 246,50 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $4^{-2} = \frac{1}{16}$

2) $80\,000\,000 = 8 \cdot 10^7$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_5\left(\frac{1}{125}\right) = -3$

2) $\log_2\left(\frac{1}{4}\right) = -2$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $2x^2 - 2x = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = 0,\ x_2 = 1$

2) $3x^2 + 3x - 18 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -3,\ x_2 = 2$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \leq -8$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x_1 = 2,\ x_2 = 4$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = x - 1$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = 3(x-3)^2 - 3, \quad S(3 \mid -3)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $c = 16\,\text{cm},\ \alpha = 45^\circ:\ b = 11{,}31\,\text{cm}$

2) $b = 9\,\text{cm},\ \alpha = 49^\circ:\ a = 10{,}35\,\text{cm}$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = \frac{2}{2\sqrt{2x+7}}$

2) $f'(x) = \cos(x) - x\sin(x)$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_2^3 (-3x^2)\,dx = -19$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(-4 \mid 6 \mid -3) \cdot (1 \mid -6 \mid 1) = -43$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{5}{9} \cdot \frac{4}{8} = \frac{5}{18}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\sum_{k=0}^{4} 2^k = 1 + 2 + 4 + 8 + 16 = 31$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0