Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{1}{4} - \frac{1}{6} =$ _____

2) $\frac{7}{9} - \frac{2}{8} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 170,00 € minus 50 % = _____

2) 420,00 € minus 25 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $810\,000 = \square \cdot 10^{\square}$

2) $5^{-3} =$ _____

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_5(\sqrt{5}) =$ _____

2) $\log_7(\sqrt{7}) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $5x^2 + 5x = 0$ _____

2) $2x^2 - 6x - 20 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $-2x + 8 \leq -x + 14$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|x - 3| = 1$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(0 \mid 5)$, $Q(6 \mid 9)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = -3x^2 + 24x - 48$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $c = 7\,\text{cm},\ \alpha = 20^\circ$: $a =$ _____

2) $a = 17\,\text{cm},\ \alpha = 43^\circ$: $c =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = \ln(4x + 1)$

2) $f(x) = -2e^{5x}$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_2^4 (3x^2 - 6x - 5)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(2 \mid 2 \mid -4) \cdot (3 \mid 0 \mid -1) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) Zwei Würfel: P(Augensumme 11) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\prod_{k=2}^{4} k =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{1}{4} - \frac{1}{6} = \frac{1}{12}$

2) $\frac{7}{9} - \frac{2}{8} = \frac{19}{36}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 170,00 € minus 50 % = 85,00 €

2) 420,00 € minus 25 % = 315,00 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $810\,000 = 8{,}1 \cdot 10^5$

2) $5^{-3} = \frac{1}{125}$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_5\left(\sqrt{5}\right) = \frac{1}{2}$

2) $\log_7\left(\sqrt{7}\right) = \frac{1}{2}$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $5x^2 + 5x = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -1,\ x_2 = 0$

2) $2x^2 - 6x - 20 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -2,\ x_2 = 5$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \geq -6$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x_1 = 2,\ x_2 = 4$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = \frac{2}{3}x + 5$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = -3(x-4)^2, \quad S(4 \mid 0)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $c = 7\,\text{cm},\ \alpha = 20^\circ:\ a = 2{,}39\,\text{cm}$

2) $a = 17\,\text{cm},\ \alpha = 43^\circ:\ c = 24{,}93\,\text{cm}$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = \frac{4}{4x+1}$

2) $f'(x) = -10e^{5x}$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_2^4 (3x^2 - 6x - 5)dx = 10$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(2 \mid 2 \mid -4) \cdot (3 \mid 0 \mid -1) = 10$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{2}{36} = \frac{1}{18}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\prod_{k=2}^{4} k = 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0