Mathe-Check Studienstart

Name: _____ Datum: _____

Bearbeitungszeit: 60 Minuten Punkte: _____ von 38 Note: ____

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

Berechne. Bringe die Brüche bei Bedarf zuerst auf einen gemeinsamen Nenner und kürze das Ergebnis so weit wie möglich.

1) $\frac{1}{2} - \frac{1}{8} =$ _____ 2) $\frac{1}{4} + \frac{1}{2} =$ _____

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

Berechne den Prozentwert, den Grundwert oder den Prozentsatz. Bei Stufe 3 wird ein Preis um einen Prozentsatz verringert (Rabatt) oder erhöht (Aufschlag).

1) 60,00 € minus 25 % = _____ 2) 390,00 € plus 5 % = _____

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

Berechne bzw. vereinfache mit den Potenzgesetzen.

1) $5^{-1} =$ _____ 2) $27\,000\,000 = \square \cdot 10^{\square}$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

Berechne ohne Taschenrechner. Frage Dich jeweils: Mit welcher Hochzahl muss ich die Basis potenzieren, um die Zahl zu erhalten? Bei Stufe 3: Löse die Exponentialgleichungen.

1) $\log_8(4) =$ _____ 2) $\log_4(8) =$ _____

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

Löse die Gleichungen mit der pq-Formel: x = –p/2 ± Wurzel ((p/2)² – q). Bringe die Gleichung vorher in die Normalform x² + px + q = 0.

1) $2x^2 - 8x - 10 = 0$ _____ 2) $-x^2 + 2x + 3 = 0$ _____

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

Löse die Ungleichungen. Achtung: Beim Multiplizieren oder Dividieren mit einer negativen Zahl dreht sich das Ungleichheitszeichen um!

1) $-2x + 11 \leq -5x - 7$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

Löse die Betragsgleichungen. Online: Lösungen mit ; trennen, „keine“ wenn es keine Lösung gibt.

1) $|x - 5| = 7$ _____

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

Stufe 1: Berechne die Steigung m der Geraden durch die beiden Punkte. Stufe 2: Stelle die Geradengleichung y = mx + b auf. Stufe 3: Berechne die Nullstelle.

1) $P(2 \mid 2)$, $Q(5 \mid -4)$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

Stufe 1 und 2: Bringe die Funktion mit quadratischer Ergänzung in die Scheitelpunktform und gib den Scheitelpunkt S an. Stufe 3: Wandle die Scheitelpunktform in die allgemeine Form um.

1) $f(x) = 4x^2 + 16x + 12$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

Alle Dreiecke haben den rechten Winkel bei C (Gamma = 90°). Die Seite a liegt dem Winkel Alpha gegenüber, b dem Winkel Beta, c ist die Hypotenuse. Runde auf zwei Nachkommastellen.

1) $b = 2\,\text{cm}$, $c = 13\,\text{cm}$: $\alpha =$ _____ **2)** $c = 10\,\text{cm}$, $\alpha = 54^\circ$: $b =$ _____

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

Bilde die erste Ableitung mit Produkt- und Kettenregel. Vereinfache so weit wie sinnvoll.

1) $f(x) = -4e^{3x}$

2) $f(x) = x\,e^x$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

Berechne die Integrale mit einer Stammfunktion: F(b) – F(a). Gib das Ergebnis exakt (als Bruch) an.

1) $\int_1^2 (-5x + 5)\,dx =$ _____

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

Skalarprodukt: Multipliziere die Koordinaten paarweise und addiere die Produkte. Zwei Vektoren sind orthogonal (senkrecht zueinander), wenn ihr Skalarprodukt 0 ist. Winkel auf zwei Nachkommastellen runden.

1) $(-6 \mid 0 \mid 5) \cdot (-4 \mid -1 \mid -1) =$ _____

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

Berechne die Wahrscheinlichkeit als vollständig gekürzten Bruch: P = Anzahl der günstigen Ergebnisse : Anzahl aller Ergebnisse.

1) 4 rote, 5 blaue Kugeln, 2-mal ziehen ohne Zurücklegen: P(beide rot) = ☐

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

Schreibe die Summe bzw. das Produkt aus und rechne aus.

1) $\sum_{k=2}^{4} k^2 =$ _____

Lösungen: Mathe-Check Studienstart

Aufgabe 1: Bruchrechnung (je 1 P.)

1) $\frac{1}{2} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$

2) $\frac{1}{4} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$

Aufgabe 2: Prozentrechnung (je 1 P.)

1) 60,00 € minus 25 % = 45,00 €

2) 390,00 € plus 5 % = 409,50 €

Aufgabe 3: Potenzen (je 1 P.)

1) $5^{-1} = \frac{1}{5}$

2) $27\,000\,000 = 2{,}7 \cdot 10^7$

Aufgabe 4: Logarithmen (je 2 P.)

1) $\log_8(4) = \frac{2}{3}$

2) $\log_4(8) = \frac{3}{2}$

Aufgabe 5: Quadratische Gleichungen (je 2 P.)

1) $2x^2 - 8x - 10 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -1,\ x_2 = 5$

2) $-x^2 + 2x + 3 = 0 \quad \Rightarrow \quad x_1 = -1,\ x_2 = 3$

Aufgabe 6: Lineare Ungleichung (2 P.)

1) $x \leq -6$

Aufgabe 7: Betragsgleichung (2 P.)

1) $x_1 = -2,\ x_2 = 12$

Aufgabe 8: Geradengleichung (2 P.)

1) $y = -2x + 6$

Aufgabe 9: Scheitelpunktform (2 P.)

1) $f(x) = 4(x+2)^2 - 4, \quad S(-2 \mid -4)$

Aufgabe 10: Trigonometrie (je 2 P.)

1) $b = 2\,\text{cm},\ c = 13\,\text{cm}: \ \alpha = 81{,}15^\circ$

2) $c = 10\,\text{cm},\ \alpha = 54^\circ: \ b = 5{,}88\,\text{cm}$

Aufgabe 11: Ableiten mit Produkt- und Kettenregel (je 2 P.)

1) $f'(x) = -12e^{3x}$

2) $f'(x) = e^x(x+1)$

Aufgabe 12: Bestimmtes Integral (2 P.)

1) $\int_1^2 (-5x + 5)dx = -\frac{5}{2}$

Aufgabe 13: Skalarprodukt (2 P.)

1) $(-6 \mid 0 \mid 5) \cdot (-4 \mid -1 \mid -1) = 19$

Aufgabe 14: Wahrscheinlichkeit (2 P.)

1) $P = \frac{4}{9} \cdot \frac{3}{8} = \frac{1}{6}$

Aufgabe 15: Summen- und Produktzeichen (2 P.)

1) $\sum_{k=2}^{4} k^2 = 4 + 9 + 16 = 29$

Notenschlüssel (Vorschlag – Deine Schule kann andere Grenzen haben)

15 P.	14 P.	13 P.	12 P.	11 P.	10 P.	9 P.	8 P.	7 P.	6 P.	5 P.	4 P.	3 P.	2 P.	1 P.	0 P.
ab 37	ab 35	ab 33	ab 31	ab 29	ab 27	ab 25	ab 23	ab 21	ab 19	ab 18	ab 16	ab 13	ab 11	ab 8	ab 0